#### L'USAGE DE LA CALCULATRICE N'EST PAS AUTORISE

## Exercice 1 (3 points)

# AUTOMATISMES QCM

Dans cet exercice , aucune justification n'est demandée et une seule réponse est possible par question . Pour chaque question , reportez son numéro sur votre copie et indiquez votre réponse.

1. Question 1

$$\sqrt{18} - 5\sqrt{2} + 7\sqrt{72} = 3\sqrt{2} - 5\sqrt{2} + 7 \times 6\sqrt{2} = 40\sqrt{2}$$

2. Question 2

$$f(x) = 5x^2 - 4x + 8$$
.  $A(x;5)$  appartient à la courbe de f.

$$5x^2 - 4x + 8 = 5 \iff 5x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$\Delta = 16 - 60 < 0$$
 donc aucune valeur possible

3. Question 3

Soient A(1;2) et B(-4;12). Une équation de la droite (AB) est :

$$\overrightarrow{AB}(-5;10)$$
 et  $\overrightarrow{AM}(x-1;y-2)$ 

$$Donc: -5(y-2) - 10(x-1) = 0 \iff -10x - 5y + 20 = 0 \iff y = -2x + 4$$

# Exercice 2 (10 points)

Les deux parties sont indépendantes

On considère la fonction f définie sur  $\mathbb R$  par :

$$f(x) = x^3 - x^2 - 14x + 24$$

On appelle (C) sa courbe représentative dans un repère.

### Partie A

1. Déterminer les réels a , b et c tels que :  $f(x) = (x-2)(ax^2 + bx + c)$ 

$$f(x) = (x-2)(x^2 + x - 12)$$

2. Résoudre : f(x) = 0

$$x=2$$
 ou  $x^2+x-12=0$  donc les solutions sont  $x=2$  ,  $x=-4$  ou  $x=3$ 

1

3. Résoudre : f(x) < 0

On utilise un tableau de signes en n'oubliant pas x-2 et on obtient  $x \in ]-\infty; -4[\cup]2; 3[$ 

#### Partie B

- 1. Déterminer la dérivée de f que l'on notera  $f'(x) = 3x^2 2x 14$
- 2. Déterminer le signe de f'(x) en fonction de x

$$f'(x) < 0 \text{ sur } ]\frac{1-\sqrt{43}}{3}; \frac{1+\sqrt{43}}{3}[\text{ et } f'(x) > 0 \text{ sur } ] - \infty; \frac{1-\sqrt{43}}{3}[\cup]\frac{1+\sqrt{43}}{3}; +\infty[$$

- 3. Déterminer l'équation de la tangente T à la courbe de f au point d'abscisse 0 y = -14x + 24
- 4. Etudier la position relative de la courbe de f et de sa tangente On étudie le signe de  $g(x) = f(x) + 14x - 24 = x^2(x-1)$ Donc la courbe de f est au dessus de sa tangente sur ]1; + $\infty$ [

Exercice 3 (7 points)  
Soit la suite ()
$$u_n$$
) définie par  $u_0 = \frac{1}{2}$  et  $u_{n+1} = \frac{3}{5}u_n + 1$ 

- 1. Placer  $u_0$ ,  $u_1$ ,  $u_2$  et  $u_3$  sur l'axe des abscisses dans le graphique annexe en laissant apparents les traits de construction
- 2. Soit la suite  $(v_n)$  définie par  $v_n = u_n \frac{5}{2}$ 
  - (a) Montrer que  $(v_n)$  est une suite géométrique dont on précisera la raison et le premier terme  $v_0$
  - (b) Exprimer  $v_n$  en fonction de n
  - (c) Exprimer  $u_n$  en fonction de n
  - (d) Conjecturer la limite de  $(u_n)$

