

Correction méthode de Héron

Méthode géométrique

L'aire du rectangle 1 est 20

Pour le rectangle 2 : $L = \frac{10+2}{2} = 6$ et $l = \frac{20}{6} = \frac{10}{3}$ pour que l'aire soit égale à 20

Pour le rectangle 3 : $L = \frac{\frac{10}{3}+6}{2} = \frac{14}{3}$ et $l = \frac{20}{\frac{14}{3}} = \frac{30}{7}$

Pour le rectangle 4 : $L = \frac{\frac{14}{3} + \frac{30}{7}}{2} = \frac{94}{21}$ et $l = \frac{210}{47}$

Les rectangles se rapprochent de plus en plus de carrés et donc le côté s'approche de $\sqrt{20}$

Avec le rectangle 4 , on a par exemple : $4,468085106 < \sqrt{20} < 4,476190476$

Avec la calculatrice

| Rectangles | Longueur (L) | Largeur (l) | Valeur approchée de L (à 10^{-6}) | Valeur approchée de l (à 10^{-6}) |
|------------|-----------------|------------------|--------------------------------------|--------------------------------------|
| 1 | 10 | 2 | | |
| 2 | 6 | $\frac{10}{3}$ | | 3,333333 |
| 3 | $\frac{14}{3}$ | $\frac{30}{7}$ | 4,666667 | 4,285714 |
| 4 | $\frac{94}{21}$ | $\frac{210}{47}$ | 4,476190 | 4,468085 |

$\sqrt{20} = 4,47213595499958$ à la calculatrice

On s'approche !

Avec un tableur

Dans la colonne longueur il faut entrer la formule : $= (B2 + C2) / 2$

Dans la colonne largeur il faut entrer la formule : $= 20 / B3$

Puis demander dans format des nombres 20 décimales

On peut le faire pour 20 rectangles et on trouve dans la dernière ligne comme valeur approchée de $\sqrt{20}$: $4,47213595499958$