

*Interrogation mathématiques spécialité*

*NOM*

*Prénom*

---

1) Déterminer PGCD(165 ;295)

PGCD(165 ;295) = 5    *2 points*

2) Déterminer PGCD( $n^2 + 5n + 7$  ;  $n + 1$ )

$$n^2 + 5n + 7 = (n + 1)(n + 4) + 3$$

$$PGCD(n^2 + 5n + 7; n + 1) = PGCD(n + 1; 3)$$

Si  $n + 1$  est un multiple de 3 , alors PGCD = 3 . Sinon , PCGD = 1 .

Si  $n = 3k - 1$  , PGCD( $n^2 + 5n + 7$  ; $n + 1$  ) = 3

Si  $n = 1 + 3k$  ou  $n = 3k$  , PGCD( $n^2 + 5n + 7$  ; $n + 1$  ) = 1 .

*3 points*

3) Résoudre :  $2x + 8y = 3$

PGCD(2 ;8) = 2 et 2 ne divise pas 3 , donc il n'y a pas de solution

*2 points*

4) Résoudre :  $17x - 33y = 1$

Cherchons d'abord une solution particulière :  $(u ;v) = (2 ;1)$

$$17x - 33y = 17u - 33v$$

$$17(x - u) = 33(y - v)$$

*Interrogation mathématiques spécialité*

*NOM*

*Prénom*

---

17 divise donc  $33(y - v)$  mais 17 et 33 sont premiers entre eux donc par le théorème de Gauss 17 divise  $y - v$  .

Il existe donc  $k$  tel que  $y - v = 17k$  c'est-à-dire  $y = 1 + 17k$

Remplaçons :  $17(x - u) = 33(y - v)$  donne  $17(x - u) = 33(17k)$   
donc  $x - u = 33k$  donc  $x = 2 + 33k$

Réciproquement :  $17(2 + 33k) - 33(1 + 17k) = 34 - 33 = 1$  donc  
les solutions sont les couples  $(2 + 33k ; 1 + 17k)$

*3 points*

---