

1 Second degré

- La courbe d'une fonction du second degré définie par $f(x) = ax^2 + bx + c$ est une parabole . Cette parabole admet un sommet de coordonnées $\left(-\frac{b}{2a}; f\left(-\frac{b}{2a}\right)\right)$. De plus , cette parabole admet pour axe de symétrie la droite d'équation $x = -\frac{b}{2a}$
- Soit le polynôme du second degré $ax^2 + bx + c$ avec a , b et c réels . On appelle discriminant , et on note Δ , le réel égal à $b^2 - 4ac$
- Soit l'équation du second degré $ax^2 + bx + c = 0$ avec a réel non nul
 - Si $\Delta < 0$, l'équation n'a pas de solution
 - Si $\Delta = 0$, l'équation admet une unique solution $x_1 = -\frac{b}{2a}$
 - Si $\Delta > 0$, l'équation admet deux solutions $x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$ et $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$
- Soit le polynôme du second degré $f(x) = ax^2 + bx + c = 0$ avec a réel non nul
 - Si $\Delta < 0$, f n'a pas de forme factorisée .
 - Si $\Delta = 0$, $f(x) = a \left(x + \frac{b}{2a}\right)^2$
 - Si $\Delta > 0$, $f(x) = a \left(x + \frac{b - \sqrt{\Delta}}{2a}\right) \left(x + \frac{b + \sqrt{\Delta}}{2a}\right)$
- Soit le polynôme du second degré $f(x) = ax^2 + bx + c = 0$ avec a réel non nul
 - Si $\Delta < 0$, f est du signe de a pour tout x .
 - Si $\Delta = 0$, f est du signe de a pour tout x non égal à la racine de f .
 - Si $\Delta > 0$, f est du signe de a à l'extérieur des racines .

2 Suites

- Une suite est arithmétique si : $u_{n+1} = u_n + r$ avec $r \in \mathbb{R}$
- Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite arithmétique de raison r et de premier terme u_0 . Alors , son terme général est donné par : $u_n = u_0 + nr = u_1 + (n - 1)r$
- Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite arithmétique . Alors on a : $S_n = \sum_{k=0}^n u_k = u_0 + u_1 + \dots + u_n = \frac{u_0 + u_n}{2} \times (n + 1)$
 $= \frac{1erterme + dernierterme}{2} \times nombredetermes$
- Une suite est géométrique si : $u_{n+1} = u_n \times q$ avec $q \in \mathbb{R}$
- Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite géométrique de raison q et de premier terme u_0 . Alors , son terme général est donné par : $u_n = u_0 \times q^n = u_1 \times q^{n-1}$
- Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite géométrique de raison q et de premier terme u_0 . Alors on a :
 $S_n = \sum_{k=0}^n u_k = u_0 + u_1 + \dots + u_n = \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q} \times u_0 = \frac{1 - raison^{nbtermes}}{1 - raison} \times 1erterme$
- On dit que la suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est croissante si et seulement si , $u_{n+1} > u_n$ pour tout n .
- On dit que la suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est décroissante si et seulement si , $u_{n+1} < u_n$ pour tout n .

3 Fonction exponentielle

- $e^0 = 1$
- $e^{x+y} = e^x \times e^y$
- $e^{-x} = \frac{1}{e^x}$
- $e^{x-y} = \frac{e^x}{e^y}$
- $e^{nx} = (e^x)^n$ pour tout n entier naturel
- La fonction exponentielle est strictement positive sur \mathbb{R}

- La fonction exponentielle est strictement croissante sur \mathbb{R}
- $a \leq b \iff e^a \leq e^b$ pour tous réels a et b

4 Dérivation

- On dit que f est dérivable en a si et seulement si $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$ est un nombre fini
- On appelle nombre dérivé de f en a , et on note $f'(a)$, le nombre $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$
- Le coefficient directeur de la tangente à la courbe de la fonction f au point d'abscisse a est $f'(a)$
- La tangente à la courbe représentative de la fonction f au point d'abscisse a admet pour équation : $y = f'(a)(x - a) + f(a)$

Fonction	Dérivée	Fonction	Dérivée
k	0		
x	1	u	u'
x^n	nx^{n-1}	u^n	$nu'u^{n-1}$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	$\frac{1}{u}$	$-\frac{u'}{u^2}$
$\frac{1}{x^n}$	$-\frac{n}{x^{n+1}}$	$\frac{1}{u^n}$	$-\frac{nu'}{u^{n+1}}$
\sqrt{x}	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	\sqrt{u}	$\frac{u'}{2\sqrt{u}}$
e^x	e^x	e^u	$u'e^u$

Fonction	Dérivée
$u + v$	$u' + v'$
uv	$u'v + uv'$
$\frac{u}{v}$	$\frac{u'v - uv'}{v^2}$
ku	ku'

5 Variations de fonctions

- La fonction f dérivable est croissante sur un intervalle I si et seulement si pour tout x de I , $f'(x) \geq 0$.
- La fonction f dérivable est décroissante sur un intervalle I si et seulement si pour tout x de I , $f'(x) \leq 0$.
- La f fonction dérivable admet un extremum local en a si et seulement si $f'(a) = 0$ et $f'(x)$ change de signe en a

6 Trigonométrie

- Soit $(O; \vec{i}; \vec{j})$ un repère orthonormé.
On appelle cercle trigonométrique le cercle de centre O et de rayon 1 , orienté dans le sens inverse des aiguilles d'une montre
- $180^\circ = \pi$ rad
- Soit un réel x d'image M sur le cercle trigonométrique. Le cosinus de x correspond à l'abscisse de M et le sinus de x correspond à l'ordonnée de M . On les note respectivement $\cos x$ et $\sin x$.
- $-1 \leq \cos x \leq 1$ et $-1 \leq \sin x \leq 1$
- $\cos^2 x + \sin^2 x = 1$
- $\cos(x + 2k\pi) = \cos x$ et $\sin(x + 2k\pi) = \sin x$ pour tout k entier

x	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	π	2π
$\cos(x)$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	1
$\sin(x)$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	0	0

- $\cos(-x) = \cos x$
- $\sin(-x) = -\sin x$
- $\cos(x + \pi) = -\cos x$
- $\sin(x + \pi) = -\sin x$
- $\cos(\pi - x) = -\cos x$
- $\cos(a + b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$
- $\cos(a - b) = \cos a \cos b + \sin a \sin b$
- $\sin(a + b) = \sin a \cos b + \cos a \sin b$
- $\sin(a - b) = \sin a \cos b - \cos a \sin b$
- $\sin(\pi - x) = \sin x$
- $\cos\left(x + \frac{\pi}{2}\right) = -\sin x$
- $\cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \sin x$
- $\sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) = \cos x$
- $\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \cos x$
- $\cos(2a) = 2\cos^2 a - 1$
- $\cos(2a) = 1 - 2\sin^2 a$
- $\cos(2a) = \cos^2 a - \sin^2 a$
- $\sin(2a) = 2\sin a \cos a$

7 Produit scalaire

- $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = AB \times AC \times \cos(\vec{AB}; \vec{AC})$
- Soient deux vecteurs $\vec{u}(x; y)$ et $\vec{v}(x'; y')$ définis dans une base orthonormée . Alors $\vec{u} \cdot \vec{v} = xx' + yy'$
- $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = -\vec{AB} \cdot \vec{CA}$
- $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = \vec{BA} \cdot \vec{CA}$
- Soit $\vec{u}(x; y)$ alors $\|\vec{u}\| = \sqrt{x^2 + y^2}$
- Les vecteurs \vec{u} et \vec{v} sont orthogonaux si et seulement si $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$
- $\|\vec{u} + \vec{v}\|^2 = \|\vec{u}\|^2 + \|\vec{v}\|^2 + 2\vec{u} \cdot \vec{v}$
- Al Kashi : Soit un triangle ABC . Alors : $AB^2 = AC^2 + BC^2 - 2 \times AC \times BC \times \cos(\vec{AC}; \vec{BC})$
- Le cercle de diamètre [AB] est l'ensemble des points M tels que $\vec{MA} \cdot \vec{MB} = 0$

8 Droites et cercles

- On appelle vecteur normal à une droite tout vecteur non nul orthogonal à tout vecteur directeur de cette droite .
- Toute droite d'équation cartésienne $ax + by + c = 0$ avec a et b non nuls a pour vecteur normal $\vec{n}(a; b)$
- Quand deux droites sont orthogonales , le vecteur directeur de l'une est vecteur normal de l'autre .
- Quand on connaît le vecteur directeur d'une droite $(c; d)$, pour avoir un vecteur normal il suffit de choisir $(-d; c)$.
- Un point $M(x; y)$ appartient au cercle de centre $A(x_A; y_A)$ et de rayon R si et seulement si $(x - x_A)^2 + (y - y_A)^2 = R^2$

9 Probabilités

- $p_A(B) = \frac{p(A \cap B)}{p(A)}$
- $p(A \cap B) = p(A) \times p_A(B)$
- $p(B) = p(A \cap B) + p(\bar{A} \cap B)$
- A et B sont indépendants si et seulement si $p(A \cap B) = p(A) \times p(B)$
- Espérance : $E(X) = \sum_{k=1}^n x_k p_k$
- L'espérance correspond à la moyenne des valeurs prises par la variable aléatoire
- Variance : $V(X) = \sum_{k=1}^n (x_k - E(X))^2 p_k$
- Ecart-type : $\sigma(X)$ égal à $\sqrt{V(X)}$
- Plus l'écart type est grand , plus les valeurs de la variable aléatoire sont éloignées de l'espérance .